

2025 年度 入学試験問題

一 般 入 試 前 期
〔 3 教 科 型 ・ 2 教 科 型 〕

2 月 1 日

第 1 限

数

学

数学 I
数学 A (図形の性質、場合の数と確率)
数学 II

I 注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 2 この問題冊子は 6 ページである。
- 3 解答番号は 1 から 42 までである。
- 4 解答用紙には、受験番号、受験科目および氏名を正しく記入・マークすること。
- 5 解答は解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6 試験中にページの脱落等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
解答用紙の汚れ等に気付いた場合も同様である。
- 7 問題冊子は試験終了後、持ち帰ること。

II 解 答 上 の 注 意

- 1 同一の問題文中に $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ 等が 2 度以上現れる場合、2 度目以降は $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ のように細字で表記する。
- 2 分数で解答する場合は、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。符号は分子につけ、分母につけてはいけない。
- 3 根号を含む形で解答する場合は、根号の中の自然数が最小となる形で答えよ。

I 次の各問に答えよ。

(1) 整式 $A = 6x^2 + 5xy + y^2 + 2x - y - 20$ を因数分解すると、

$$A = (\boxed{1} x + y + \boxed{2}) (\boxed{3} x + y - \boxed{4})$$

となる。

(2) 次の等式は正しいか。正しいければ①を、誤っていれば②をマークせよ。

(i) $\sqrt{4} = \pm 2$ 正誤

(ii) $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{-2}}$ 正誤

(3) 2次不等式 $2x^2 + ax + b < 0$ の解が、 $1 < x < \frac{3}{2}$ であるとき、

a, b の値を求めると、 $a = -\boxed{7}$, $b = \boxed{8}$ である。

(4) $\tan \theta = 2$ のとき、 $\frac{1}{1 + \sin \theta} + \frac{1}{1 - \sin \theta}$ の値を求めると、

である。

Ⅱ x の 2 次関数 $y = ax^2 + 2ax + b$ について、次の各問に答えよ。
ただし、 $a > 0$ とする。

(1) この 2 次関数のグラフの頂点の座標を、 a 、 b であらわすと、

($11 \cdot 12$, 13 $a + b$) である。

(2) $-2 \leq x \leq 1$ におけるこの関数の最大値が 6、最小値が 3 であるとき、

a 、 b の値を求めると、 $a = \frac{14}{15}$ 、 $b = \frac{16 \cdot 17}{18}$ となる。

Ⅲ $\triangle ABC$ において、 $\tan A = \frac{3}{4}$ 、 $\tan B = 1$ 、 $BC = 6$ とする。

次の各問に答えよ。

(1) $\tan C$ の値を求めると、 $\tan C = \boxed{19 \cdot 20}$ である。

(2) $\triangle ABC$ の外接円の半径を R とすると、 $R = \boxed{21}$ である。

(3) $\triangle ABC$ の内接円の半径を r とすると、

$$r = \boxed{22} \sqrt{\boxed{23}} - \boxed{24} \text{ である。}$$

IV $a = \log_2 x$, $b = \log_8 y$ とする。次の各問に答えよ。

(1) $b = \log_8 y$ から, $\boxed{25}$ $b = \log_2 y$ である。

(2) $a + 3b = 3$ ならば, $x + y$ は, $x = y = \boxed{26}$ $\sqrt{\boxed{27}}$ のとき,

最小値 $\boxed{28}$ $\sqrt{\boxed{29}}$ をとる。

(3) $ab = 3$, $x > 1$, $y > 1$ ならば, xy は, $x = y = \boxed{30}$ のとき,

最小値 $\boxed{31 \cdot 32}$ をとる。

V xy 座標平面上, 点 $(1, a)$ から曲線 $y = x^3 - x \cdots \textcircled{1}$ に接線を引く。
次の各問に答えよ。

- (1) 曲線 $\textcircled{1}$ 上の接点の座標を $(t, t^3 - t)$ とするとき,
接線の方程式を t であらわすと,

$$y = (\boxed{33} t^2 - \boxed{34}) x - \boxed{35} t^3 \text{ となる。}$$

- (2) 点 $(1, a)$ から曲線 $\textcircled{1}$ に, 異なる 3 本の接線が引けるとき,
定数 a のとり得る範囲を求めると,

$$- \boxed{36} < a < \boxed{37} \text{ である。}$$

VI 図のように、平面上に a cm の等間隔で並ぶ 8 本の平行線と、これに直交し同じ a cm の等間隔で並ぶ 5 本の平行線がある。次の各問に答えよ。

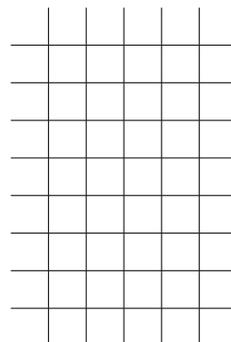
(1) これらの直線で囲まれてできる長方形の総数は、

全部で $38 \cdot 39 \cdot 40$ 個ある。

ただし、正方形も含む。

(2) これらの直線で囲まれてできる正方形の総数は、

全部で $41 \cdot 42$ 個ある。



問題はここまで (以下余白)

2025 年度 入学試験問題

一般入試前期

〔3教科型・2教科型〕

2月2日

第1限

数

学

数学 I
数学 A (図形の性質、場合の数と確率)
数学 II

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 2 この問題冊子は6ページである。
- 3 解答番号は1から48までである。
- 4 解答用紙には、受験番号、受験科目および氏名を正しく記入・マークすること。
- 5 解答は解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6 試験中にページの脱落等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
解答用紙の汚れ等に気付いた場合も同様である。
- 7 問題冊子は試験終了後、持ち帰ること。

II 解答上の注意

- 1 同一の問題文中に $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ 等が2度以上現れる場合、2度目以降は $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ のように細字で表記する。
- 2 分数で解答する場合は、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。符号は分子につけ、分母につけてはいけない。
- 3 根号を含む形で解答する場合は、根号の中の自然数が最小となる形で答えよ。

I 次の各問に答えよ。

(1) $\alpha = \sqrt{6} + \sqrt{3}$, $\beta = \sqrt{6} - \sqrt{3}$ のとき, $\frac{\beta^2}{\alpha} + \frac{\alpha^2}{\beta}$ の値を求めると,

$$\boxed{1 \cdot 2} \sqrt{\boxed{3}} \text{ である。}$$

(2) $x > 0$, $y > 0$ のとき, $\frac{2y}{3x} + \frac{3x}{2y} + 3$ は,

$$y = \frac{\boxed{4}}{\boxed{5}} x \text{ のとき, 最小値 } \boxed{6} \text{ をとる。}$$

(3) 定積分 $\int_0^3 |x^2 - 4| dx$ の値を求めると,

$$\frac{\boxed{7 \cdot 8}}{\boxed{9}} \text{ である。}$$

(4) 次の $\boxed{10}$ にあてはまるものを, 下の①~④の中から1つ選べ。

x, y が実数のとき, $x + y > 2$ は,

$x > 1$ または $y > 1$ であるための $\boxed{10}$ 。

- ① 必要条件であるが, 十分条件でない
- ② 十分条件であるが, 必要条件でない
- ③ 必要十分条件である
- ④ 必要条件でも十分条件でもない

II xy 座標平面上に 3 点 $O(0, 0)$, $A(3, 2)$, $B(1, 4)$ をとる。

三角形 OAB の内部に 1 点 P をとり, OP の中点を Q , AQ の中点を R , BR の中点を S とする。このとき, 次の各問に答えよ。

(1) S と P が一致するとき, P の座標を求めると,

$$\left(\frac{\boxed{11 \cdot 12}}{\boxed{13}}, \frac{\boxed{14 \cdot 15}}{\boxed{16}} \right) \text{である。}$$

(2) S と P が一致するとき, 3 つの三角形 PAB , PAO , PBO の面積比をできるだけ簡単な整数比で表すと,

$$\triangle PAB : \triangle PAO : \triangle PBO = 1 : \boxed{17} : \boxed{18} \text{である。}$$

Ⅲ 円に内接する四角形 ABCD において、 $BC = 2$, $CD = 3$, $\angle DAB = 60^\circ$,
 $\angle CDA = 90^\circ$ とする。このとき、次の各問に答えよ。

(1) 対角線 AC と BD の長さを求めると、

$$AC = \frac{\boxed{19} \sqrt{\boxed{20 \cdot 21}}}{\boxed{22}}, \quad BD = \sqrt{\boxed{23 \cdot 24}} \text{ である。}$$

(2) 辺 AB の長さを求めると、

$$AB = \frac{\boxed{25} \sqrt{\boxed{26}}}{\boxed{27}} \text{ である。}$$

IV 正の実数 x, y について,

$\log_{10} x + \log_{10} y = \log_{10}(x + y)$ が成り立っている。

このとき、次の各問に答えよ。

(1) $(x - 1)(y - 1)$ の値を求めると,

である。

(2) $\log_{10}(x - 1) \log_{10}(y - 1) = 0$ をみたす x, y の値を求めると,

$x =$, または $y =$ である。

V xy 座標平面上において、放物線 $y = x^2$ 上の相異なる 2 点 $(1, 1)$, (t, t^2) における法線（接点において、接線と直交する直線）をそれぞれ ℓ , ℓ' とする。このとき、次の各問に答えよ。

(1) 法線 ℓ の方程式を求めると、

$$y = \frac{\boxed{31 \cdot 32}}{\boxed{33}} x + \frac{\boxed{34}}{\boxed{35}} \text{ である。}$$

(2) ℓ , ℓ' の交点を $P(a(t), b(t))$ とするとき、

極限值 $\lim_{t \rightarrow 1} \{a(t) + b(t)\}$ を求めると、

$$\frac{\boxed{36 \cdot 37}}{\boxed{38}} \text{ である。}$$

VI 3人でジャンケンをして、1人の勝者を決めたい。3人はそれぞれグー、チョキ、パーを同じ確率で出すとする。あいこの場合は、もう一度ジャンケンをして、2人が勝った場合にはその2人でジャンケンをする。このとき、次の確率を求めよ。

(1) 1回目のジャンケンで勝者が1人に決まる確率は、

$$\frac{\boxed{39}}{\boxed{40}} \text{ である。}$$

(2) 1回目のジャンケンで、2人が勝つ確率は、

$$\frac{\boxed{41}}{\boxed{42}} \text{ である。}$$

(3) 3回目のジャンケンをして、3人があいことなる確率は、

$$\frac{\boxed{43}}{\boxed{44 \cdot 45}} \text{ である。}$$

(4) ちょうど3回目で勝者が1人に決まる確率は、

$$\frac{\boxed{46}}{\boxed{47 \cdot 48}} \text{ である。}$$

問題はここまで (以下余白)

2025年度 入学試験問題

一般入試前期

〔3教科型・2教科型〕

2月4日

第1限

数

学

数学 I
数学 A (図形の性質、場合の数と確率)
数学 II

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 2 この問題冊子は6ページである。
- 3 解答番号は1から50までである。
- 4 解答用紙には、受験番号、受験科目および氏名を正しく記入・マークすること。
- 5 解答は解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6 試験中にページの脱落等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
解答用紙の汚れ等に気付いた場合も同様である。
- 7 問題冊子は試験終了後、持ち帰ること。

II 解答上の注意

- 1 同一の問題文中に $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ 等が2度以上現れる場合、2度目以降は $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ のように細字で表記する。
- 2 分数で解答する場合は、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。符号は分子につけ、分母につけてはいけない。
- 3 根号を含む形で解答する場合は、根号の中の自然数が最小となる形で答えよ。

I 次の各問に答えよ。

$$(1) \left(\log_2 9 + \log_4 \frac{1}{3} \right) \left(\log_3 2 + \log_9 \frac{1}{8} \right) = \frac{\boxed{1 \cdot 2}}{\boxed{3}} \text{ である。}$$

$$(2) x = \frac{2a}{a^2 + 1} \text{ のとき, } \sqrt{1+x} - \sqrt{1-x} \text{ を } a \text{ であらわすと,}$$

$$\frac{\boxed{4} a}{\sqrt{a^2 + 1}} \text{ である。}$$

ただし, $0 < a < 1$ とする。

$$(3) 2 \text{ 直線 } y = 3x \text{ と } y = 7x \text{ のなす角を } \theta \text{ とするとき,}$$

$$\tan \theta = \frac{\boxed{5}}{\boxed{6 \cdot 7}} \text{ である。}$$

ただし, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ とする。

$$(4) 2 \text{ つの } 2 \text{ 次方程式 } 2x^2 - ax - 2a - 2 = 0, x^2 - (a+2)x + a+7 = 0 \text{ の共通解が } 1 \text{ つだけであるとき, その共通解 } x \text{ と定数 } a \text{ の値は,}$$

$$x = \boxed{8}, a = \boxed{9}$$

である。

$$(5) 300! \text{ の末尾には } 0 \text{ が連続して } \boxed{10 \cdot 11} \text{ 個並ぶ。}$$

II xy 座標平面上において、2直線 $kx + 3y - 2k = 0$ と $-3x + ky + 2k + 3 = 0$ との交点は、定数 k の値にかかわらず常に1つの円周上にある。

その円の中心の座標と半径を求めると、

$$\text{中心の座標} \left(\frac{\boxed{12}}{\boxed{13}}, \boxed{14 \cdot 15} \right),$$

$$\text{半径} \frac{\sqrt{\boxed{16}}}{\boxed{17}}$$

である。

Ⅲ $\triangle ABC$ において $\angle A = 60^\circ$, $AB = 2$, $AC = 3$ とする。
このとき、次の各問に答えよ。

(1) 辺 BC の長さを求めると、

$$BC = \sqrt{\boxed{18}} \text{ である。}$$

(2) $\triangle ABC$ の外接円の半径 R を求めると、

$$R = \frac{\sqrt{\boxed{19 \cdot 20}}}{\boxed{21}} \text{ である。}$$

(3) $\triangle ABC$ の内接円の半径 r を求めると、

$$r = \frac{\boxed{22} \sqrt{\boxed{23}} - \sqrt{21}}{\boxed{24}} \text{ である。}$$

IV

連立方程式 (*) $\begin{cases} 2^{x-1} + \frac{y}{2} = \frac{1}{2} \\ x - \log_{\sqrt{2}} y = 1 \end{cases}$ をみたす実数 x, y を求める。

次の各問に答えよ。

(1) 真数の条件により, $y > \boxed{25}$ である。

(2) $z = 2^x$ とおくと, (*) は $\begin{cases} z + y = \boxed{26} & \dots\text{①} \\ \log_2 z - \log_{\sqrt{2}} y = 1 & \dots\text{②} \end{cases}$ となる。

(3) ②は, $z = \boxed{27} y^{\boxed{28}}$ $\dots\text{③}$ と変形できる。

(4) ①と③を連立させた方程式を解くと, (1)より,

$$y = \frac{\boxed{29}}{\boxed{30}}, z = \frac{\boxed{31}}{\boxed{32}} \text{ となる。}$$

したがって, $x = \boxed{33 \cdot 34}$ である。

V xy 座標平面上の放物線 $y = x^2$ について、次の各問に答えよ。

- (1) この放物線上の点(2, 4)における接線 l の方程式は、

$$y = \boxed{35}x - \boxed{36} \text{ である。}$$

- (2) 接線 l と x 軸および放物線 $y = x^2$ で囲まれる部分の面積を求めると、

$$\frac{\boxed{37}}{\boxed{38}} \text{ である。}$$

VI 同じ大きさの 5 枚の正方形の板を一行に並べて、図のような掲示板を作り、壁に固定する。赤色、緑色、青色のペンキを用いて、隣り合う正方形どうしが異なる色となるように、この掲示板を塗り分ける。ただし、塗り分ける際には、3 色のペンキを全て使う必要はなく、2 色のペンキだけで塗り分けることがあってもよいものとする。このとき、次の各問に答えよ。



- (1) 塗り方は、全部で $39 \cdot 40$ 通りある。
- (2) 塗り方が左右対称になるのは、全部で $41 \cdot 42$ 通りある。
- (3) 青色と緑色の 2 色だけで塗り分けるのは、全部で 43 通りある。
- (4) 赤色に塗られる正方形が 1 枚である場合について考える。
- ・ どちらかの端の 1 枚が赤色に塗られるのは、全部で 44 通りある。
 - ・ 端以外の 1 枚が赤色に塗られるのは、全部で $45 \cdot 46$ 通りある。
- よって、赤色に塗られる正方形が 1 枚であるのは、
- 全部で $47 \cdot 48$ 通りある。
- (5) 赤色に塗られる正方形が 2 枚であるのは、全部で $49 \cdot 50$ 通りある。

問題はここまで (以下余白)

2025 年度 入学試験問題

一 般 入 試 前 期
〔 3 教科型 ・ 2 教科型 〕

2 月 5 日

第 1 限

数

学

数学 I
数学 A (図形の性質、場合の数と確率)
数学 II

I 注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 2 この問題冊子は 6 ページである。
- 3 解答番号は 1 から 50 までである。
- 4 解答用紙には、受験番号、受験科目および氏名を正しく記入・マークすること。
- 5 解答は解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6 試験中にページの脱落等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
解答用紙の汚れ等に気付いた場合も同様である。
- 7 問題冊子は試験終了後、持ち帰ること。

II 解 答 上 の 注 意

- 1 同一の問題文中に $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ 等が 2 度以上現れる場合、2 度目以降は $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ のように細字で表記する。
- 2 分数で解答する場合は、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。符号は分子につけ、分母につけてはいけない。
- 3 根号を含む形で解答する場合は、根号の中の自然数が最小となる形で答えよ。

I 次の各問に答えよ。

(1) $(2a + 3b^2)^6$ の展開式における $a^5 b^2$ の係数は、

$1 \cdot 2 \cdot 3$ である。

(2) $xyz \neq 0$ とする。 $\frac{x}{y+z} = \frac{y}{z+x} = \frac{z}{x+y}$ が成り立つとき、

この分数式の値を求めると、

$-\frac{4}{6}$, または $\frac{5}{6}$ である。

(3) $\sin \alpha + \sin \beta = \frac{2}{3}$, $\cos \alpha + \cos \beta = \frac{1}{3}$ のとき、

$\cos(\alpha - \beta)$ の値を求めると、

$-\frac{7 \cdot 8}{9 \cdot 10}$ になる。

(4) $(x+1)(x+3)(x+4)(x+6)+8$ を因数分解すると、

$(x+2)(x+5)(x^2 + 11x + 12)$ である。

(5) 次のデータにおいて、平均値は 157, 中央値は 163 である。

187, 135, 146, 185, a , 172, b

このデータの四分位範囲は $13 \cdot 14$ である。

Ⅱ xy 座標平面上に、円 $x^2 + y^2 - 4x - 8y + 15 = 0$ と直線 $y = ax + 1$ が異なる 2 点 A, B で交わっているとき、次の各問に答えよ。
ただし、 a を実数の定数とする。

(1) a の値の範囲を求めると、

$$a < -\boxed{15} - 2\sqrt{\boxed{16 \cdot 17}},$$

$$-\boxed{15} + 2\sqrt{\boxed{16 \cdot 17}} < a \text{ である。}$$

(2) 弦 AB の長さが最大になるときは、

$$a = \frac{\boxed{18}}{\boxed{19}} \text{ である。}$$

(3) 弦 AB の長さが 2 になるときは、

$$a = \frac{\boxed{20}}{\boxed{21 \cdot 22}} \text{ である。}$$

Ⅲ 関数 $y = \sqrt{3} \sin x - 3 \cos x$ について、次の各問に答えよ。
ただし、 $0 \leq x \leq \pi$ とする。

(1) y のとりうる値の範囲は、

$$- \boxed{23} \leq y \leq \boxed{24} \sqrt{\boxed{25}} \text{ である。}$$

(2) y が最大値をとるときの x の値を求めると、

$$x = \frac{\boxed{26}}{\boxed{27}} \pi \text{ である。}$$

(3) y が最小値をとるときの x の値を求めると、

$$x = \boxed{28} \text{ である。}$$

IV 連立方程式
$$\begin{cases} 8 \cdot 3^x - 3^y = -27 \\ \log_2(x+1) - \log_2(y+3) = -1 \end{cases}$$
 について,

次の各問に答えよ。

(1) 真数条件より, x と y の値の範囲は,

$$x > -\boxed{29}, y > -\boxed{30} \text{ である。}$$

(2) x, y の値を求めると,

$$x = \boxed{31}, y = \boxed{32} \text{ である。}$$

V 1 辺の長さが 1 の正三角形 ABC がある。

辺 AB 上に点 P, 辺 BC 上に点 Q, 辺 CA 上に点 R がある。

点 P, 点 Q, 点 R は, $AP = x$, $BQ = x$, $CR = x^2$ を満たし,
 x が $0 < x < 1$ の範囲で動くとき, 次の各問に答えよ。

(1) $\triangle PQR$ の面積 S を x を用いてあらわすと,

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} (\boxed{33} x^3 - \boxed{34} x + \boxed{35})$$

(2) $\triangle PQR$ の面積 S の最小値と, そのときの x の値を求めると,

$$x = \frac{\sqrt{\boxed{36}}}{\boxed{37}} \text{ のとき, } S = \frac{-\boxed{38} + 3\sqrt{3}}{\boxed{39 \cdot 40}}$$

VI 赤玉 5 個, 白玉 4 個, 青玉 3 個が入っている袋から, よくかき混ぜて玉を同時に 3 個取り出すとき, 次の各問に答えよ。

(1) 3 個とも赤玉である確率は, $\frac{\boxed{41}}{\boxed{42 \cdot 43}}$ である。

(2) 3 個とも色が異なる確率は, $\frac{\boxed{44}}{\boxed{45 \cdot 46}}$ である。

(3) 3 個の玉の色が 2 種類である確率は, $\frac{\boxed{47 \cdot 48}}{\boxed{49 \cdot 50}}$ である。

問題はここまで (以下余白)

2025年度 入学試験問題

一般入試前期

〔3教科型・2教科型〕

2月6日

第1限

数

学

数学 I
数学 A (図形の性質、場合の数と確率)
数学 II

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 2 この問題冊子は6ページである。
- 3 解答番号は1から39までである。
- 4 解答用紙には、受験番号、受験科目および氏名を正しく記入・マークすること。
- 5 解答は解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6 試験中にページの脱落等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
解答用紙の汚れ等に気付いた場合も同様である。
- 7 問題冊子は試験終了後、持ち帰ること。

II 解答上の注意

- 1 同一の問題文中に $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ 等が2度以上現れる場合、2度目以降は $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ のように細字で表記する。
- 2 分数で解答する場合は、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。符号は分子につけ、分母につけてはいけない。
- 3 根号を含む形で解答する場合は、根号の中の自然数が最小となる形で答えよ。

I 次の各問に答えよ。

(1) $\sqrt{(2\sqrt{3} - 3\sqrt{2})^2}$ を簡単にすると、

$$\boxed{1} \sqrt{\boxed{2}} - \boxed{3} \sqrt{\boxed{4}} \text{ である。}$$

(2) xy 座標平面上に、3点 $A(1, 1)$, $B(2, 4)$, $C(-1, 3)$ がある。

$$\triangle ABC \text{ の重心の座標は、} \left(\frac{\boxed{5}}{\boxed{6}}, \frac{\boxed{7}}{\boxed{8}} \right) \text{ であり、}$$

$$\triangle ABC \text{ の面積は、} \boxed{9} \text{ である。}$$

(3) 正七角形がある。頂点を3つ選んで三角形を作るとき、
正七角形と1辺だけを共有する三角形の総数は、

$$\boxed{10 \cdot 11} \text{ 個である。}$$

Ⅱ xy 座標平面上に、円 $x^2 + y^2 - 4x - 6y + 11 = 0 \cdots \textcircled{1}$ と、
放物線 $y = ax^2 + bx + c \cdots \textcircled{2}$ がある。次の各問に答えよ。

(1) 点(1, 2) で、円 $\textcircled{1}$ に接する直線の方程式は、

$$y = \boxed{12}x + \boxed{13} \cdots \textcircled{3} \text{である。}$$

(2) (1)で求めた直線 $\textcircled{3}$ は、点 A(1, 2) で放物線 $\textcircled{2}$ に接する。

また、放物線 $\textcircled{2}$ は、点 B(3, 12) を通る。

このとき、 a , b , c の値を求めると、

$$a = \boxed{14}, b = -\boxed{15}, c = \boxed{16} \text{である。}$$

Ⅲ $\angle A = 2\theta$, $AB = 8$, $AC = 6$ である $\triangle ABC$ がある。次の各問に答えよ。

(1) $\angle A$ の2等分線が、 BC と交わる点を D とする。

AD の長さを θ であらわすと、

$$AD = \frac{\boxed{17 \cdot 18}}{\boxed{19}} \cos \theta \text{ である。}$$

(2) $\angle A = 15^\circ$ のとき、 $\triangle ABC$ の面積 S を求めると、

$$S = \boxed{20} \sqrt{\boxed{21}} - \boxed{22} \sqrt{\boxed{23}} \text{ である。}$$

IV $\log_{10} 2 = 0.30$, $\log_{10} 3 = 0.48$ とする。次の各問に答えよ。

(1) $\log_{10} \frac{12}{25}$ の値を、以下のように求める。

$$\log_{10} \frac{12}{25} = \log_{10} \frac{48}{100} = \boxed{24} \log_{10} 2 + \log_{10} 3 - \boxed{25} \text{ となる。}$$

$$\text{よって、} \log_{10} \frac{12}{25} = - \boxed{26} . \boxed{27 \cdot 28} \text{ である。}$$

(2) (1)の結果を用いると、不等式 $\frac{1}{10^{20}} < \left(\frac{12}{25}\right)^m < \frac{1}{10^{10}}$ を満たす整数 m は、

全部で、 $\boxed{29 \cdot 30}$ 個ある。

V xy 座標平面上に、放物線 $y = x^2 + x - 1$ がある。次の各問に答えよ。

- (1) 原点を通り、傾き m の直線 l と、この放物線との 2 つの交点の x 座標をそれぞれ α, β ($\alpha < \beta$) とするとき、 α, β は、 x の 2 次方程式

$$x^2 - (m - \boxed{31})x - \boxed{32} = 0 \text{ の異なる 2 つの実数解となる。}$$

- (2) 放物線 $y = x^2 + x - 1$ と直線 l で囲まれる部分の面積 S の最小値を

求めると、 $\frac{\boxed{33}}{\boxed{34}}$ であり、このときの m の値は、

$m = \boxed{35}$ である。

VI a, b, c, d, e, f の 6 個の文字全部を左右 1 列に並べるとき、
次の各問に答えよ。

(1) a が b の左側にある確率を求めると、 $\frac{\boxed{36}}{\boxed{37}}$ である。

(2) a が b の左側にあるとき、 a が c の左側にある確率を求めると、

$\frac{\boxed{38}}{\boxed{39}}$ である。

問題はここまで (以下余白)

2025年度 入学試験問題

一般入試 後期

3月8日

第3限

数

学

数学 I
数学 A (図形の性質、場合の数と確率)
数学 II

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけない。
- 2 この問題冊子は6ページである。
- 3 解答番号は1から47までである。
- 4 解答用紙には、受験番号、受験科目および氏名を正しく記入・マークすること。
- 5 解答は解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6 試験中にページの脱落等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
解答用紙の汚れ等に気付いた場合も同様である。
- 7 問題冊子は試験終了後、持ち帰ること。

II 解答上の注意

- 1 同一の問題文中に $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ 等が2度以上現れる場合、2度目以降は $\boxed{1}$, $\boxed{2 \cdot 3}$ のように細字で表記する。
- 2 分数で解答する場合は、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。符号は分子につけ、分母につけてはいけない。
- 3 根号を含む形で解答する場合は、根号の中の自然数が最小となる形で答えよ。

I 次の各問に答えよ。

- (1) $\frac{1}{1-\sqrt{2}+\sqrt{3}}$ の分母を有理化すると、

$$\frac{\boxed{1} - \sqrt{2} + \sqrt{\boxed{2}}}{4} \text{ になる。}$$

- (2) $2x - y - 3 = 0$ をみたすすべての実数 x, y に対して、
 $ax^2 + by^2 + 2cx - 9 = 0$ が成り立つ。

このとき、実数の定数 a, b, c の値を求めると、

$$a = \boxed{3 \cdot 4}, \quad b = \boxed{5}, \quad c = \boxed{6} \text{ である。}$$

- (3) 2次方程式 $x^2 - ax + 2 = 0$ の2つの解を α, β とする。

$\alpha^2 + \beta^2 = 5$ のとき、実数の定数 a の値を求めると、

$$a = \pm \boxed{7} \text{ である。}$$

- (4) $\left(x^3 - 2x + \frac{2}{x}\right)^5$ の展開式において x^3 の項の係数を求めると、

$$\boxed{8 \cdot 9 \cdot 10} \text{ である。}$$

II 次の各問に答えよ。

- (1) 直線 $(a + 3)x - 2ay - a + 2 = 0$ は、
どのような実数の定数 a に対しても

定点 $\left(\frac{\boxed{11 \cdot 12}}{\boxed{13}}, \frac{\boxed{14 \cdot 15}}{\boxed{16}} \right)$ を通る。

- (2) 円 $x^2 + y^2 = 6$ と直線 $y = 2x - 1$ の2つの交点と
原点 O を通る円の中心の座標と半径を求めると、

座標は $(\boxed{17}, \boxed{18 \cdot 19})$,

半径は $\boxed{20} \sqrt{\boxed{21}}$ である。

Ⅲ 円に内接する四角形 ABCD について $AB = 2$, $BC = 3$, $CD = 4$, $DA = 5$ であるとき, 次の各問に答えよ。

(1) $\angle ABC = \theta$ として $\sin \theta$ の値を求めると,

$$\sin \theta = \frac{\boxed{22} \sqrt{\boxed{23 \cdot 24}}}{\boxed{25 \cdot 26}} \text{ である。}$$

(2) 直線 AC に点 B と点 D から引いた垂線をそれぞれ BH, DG とするとき, BH : DG を求めると,

$$BH : DG = 3 : \boxed{27 \cdot 28} \text{ である。}$$

IV 関数 $f(x) = \log_4(1 + x^4) - 2 \log_4 x$ のとき、次の各問に答えよ。

(1) $f(x)$ の最小値を求めると、

最小値 $\frac{\boxed{29}}{\boxed{30}}$ である。

(2) $f(x)$ が最小値をとるとき、 x の値を求めると、

$x = \boxed{31}$ である。

V xy 座標平面上の放物線 $y = ax^2 + bx + c$ は、
2点 $(0, 0)$, $(2, -2)$ を通り、点 $(0, 0)$ における接線と
点 $(2, -2)$ における接線との交点の y 座標は 1 である。
このとき、次の各問に答えよ。

(1) a , b , c の値を求めると、

$$a = \boxed{32 \cdot 33}, \quad b = \boxed{34}, \quad c = \boxed{35} \text{ である。}$$

(2) この放物線と点 $(0, 0)$ における接線、点 $(2, -2)$ における
接線により囲まれる図形の面積 S を求めると、

$$S = \frac{\boxed{36}}{\boxed{37}} \text{ である。}$$

VI 1組のトランプの絵札（ジャック，クイーン，キング）合計12枚の中から任意に4枚の札を選ぶとき，次の各問に答えよ。

- (1) スペード，ハート，ダイヤ，クラブの4種類の札が選ばれる確率を求めると，

$$\frac{\boxed{38}}{\boxed{39 \cdot 40}} \text{ である。}$$

- (2) ジャック，クイーン，キングの札が選ばれる確率を求めると，

$$\frac{\boxed{41 \cdot 42}}{\boxed{43 \cdot 44}} \text{ である。}$$

- (3) スペード，ハート，ダイヤ，クラブの4種類の札が選ばれ，かつジャック，クイーン，キングの札が選ばれる確率を求めると，

$$\frac{\boxed{45}}{\boxed{46 \cdot 47}} \text{ である。}$$

問題はここまで（以下余白）

2025年度 一般入試 前期

(2月 1日)

問題訂正

数学

5 ページ 問題文 1行目

(誤) xy 座標平面上,

(正) xy 座標平面上で,